УДК 625.03

ОСОБЕННОСТИ РАСЧЕТОВ ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ ПУТИ И ПОДВИЖНОГО СОСТАВА В ЗОНЕ РЕЛЬСОВЫХ СТЫКОВ ПРИ ДИСКРЕТНОМ ПОДРЕЛЬСОВОМ ОСНОВАНИИ.

Даренский А.Н., Клименко А.В.

FEATURES OF CALCULATIONS OF CO-OPERATION OF WAY AND MOBILE COMPOSITION IN THE AREA OF CLAOTYPE JOINTS AT DISCRETE SUBCLAOTYPE FOUNDATION.

Darenskiy A.N., Klimenko A.V.

Разработана математическая модель для определения приведенной вертикальной жесткости рельсовой нити в точке контакта колеса и рельса при движении колеса по рельсу, имеющему стыки.

Ключевые слова: приведенная вертикальная жесткость, верхнее строение пути, рельсовый стык, упругие опоры.

работы Актуальность. Исследования железнодорожного пути под действием нагрузки от численными подвижного состава методами позволяет получать информацию об особенностях воздействия на путь и особенностях напряженнодеформированного состояния всей конструкции в различных условиях эксплуатации при значительно меньших материальных и финансовых расходах по сравнению с экспериментальными методами. Численные методы так же дают возможность точно определять исходные расчетные данные, что невозможно практически при проведении экспериментальных работ.

Однако, применять численные методы возможно только тогда, когда математические модели адекватно отображают реальную работу как динамической системы «экипаж-путь», так и конструкции пути. Это в полной мере относится к моделированию взаимодействий пути подвижного состава в зонах рельсовых стыков, поскольку теоретические и экспериментальные исследования показали что уровень динамических воздействий на путь в стыках возрастает в 1,5-2 раза. Таким образом, моделирование работы рельсовой нити под действием вертикальной нагрузки в зоне стыка является актуальной задачей.

Анализ литературных источников. В настоящее время наиболее применяемой является модель пути при которой рельсы представлены в виде балок бесконечной длины, опирающихся на сплошное упругое основание, на основании теоретических исследований Е.М. Бромберга, М.Ф. Вериго, А.Я Когана, Г.М. Шахунянца [1-4] и других

учёных разработаны математические модели взаимодействия пути и подвижного состава, напряженно-деформированного состояния пути, которые базируются на этой расчетной схеме. Многочисленные экспериментальные исследования показали что для условий магистральных железных дорог теоретические и экспериментальные результаты имеют хорошую сходимость.

Однако ряд ученых (К.Д. Белых, [5], Н.С. Никеров, [6] и др.) считают что для условий промышленных железных дорог такая расчетная схема чрезмерно идеализирует путь и его техническое состояние. В.В. Рыбкин, рассчитывая путь как балку на многих упругих опорах с переменными характеристиками жесткости под действием статической нагрузки, показал что применение методов упругого основания дает заниженные на 17-24% результаты [7].

В работе [8] приведены математические модели динамической системы «экипаж-путь» в основе которых принята расчетная схема пути как балки на многих упруго-диссипативных опорах с нелинейными характеристиками. Реализация этих моделей в программной системе Mathcad позволяет определять пространственные силы воздействий экипажей на путь в условиях промышленного транспорта. Однако работа пути в зоне рельсовых стыков в этой работе не рассматривалась.

Целью статьи является разработка математической модели работы рельса в зоне стыка под действием вертикальных динамических сил от подвижного состава. При этом принята общая расчетная схема пути как балки на многих упругих опорах.

Основная часть. В работе [8] вертикальные силы взаимодействия экипажа и пути с использованием предположений об упругодисипативных характеристиках пути были определены как:

$$R_{i} = C_{\theta}(y_{p}) + \beta_{\theta}(y_{p}) \cdot signy_{p}$$

$$\tag{1}$$

где $C_{\rm e}$ — приведеная вертикальная жесткость рельсовой нити в точке контакта пути и рельса (H/м);

 y_p – вертикальный изгиб рельса под колесом (м);

 $eta_{\it e}$ -параметр рассеивания энергии конструкцией пути в вертикальной плоскости

$$\left(\frac{H \cdot c^2}{M}\right)$$

Первое слагаемое в правой части этой формулы является упругой составляющей — диссипативной составляющей вертикальных сил взаимодействия. Тогда эту формулу можно записать в виде:

$$R = R_{yn} + R_{\partial uc.} \tag{2}$$

Далее, на начальном этапе, рассматривалась работа пути под действием только упругой составляющей R_{vn} :

$$R = R_{yn} = C_e(y_p) \tag{3}$$

$$C_{\rm g} = \frac{I}{y_{\rm edn}} \tag{4}$$

где $y_{e\partial p}$ — прогиб рельсовой нити под действием единичной силы $R_{\rm egyn} = 1$.

Необходимое для расчетов значение приведенной к точке контакта колеса и рельса вертикальной жесткости рельсовой нити была определена следующим образом. При этом отмечается, что эта величина является переменной в процессе движения экипажа, нелинейной и зависящей как от жесткостей всех рельсовых опор так и от места расположения колеса относительно этих опор.

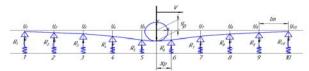


Рис. 1. Расчетная схема рельсовой нити на упругих опорах под действием движущейся силы:

 y_i – прогиб рельса на опорах; y_p – прогиб рельса под колесом.

Величину прогиба рельсовой нити под действием единичной силы можно определить как:

$$y_{e\partial p} = y_5 \frac{x_p}{\lambda_u} + y_6 \frac{\left(\lambda_u - x_p\right)}{\lambda_u} + \frac{\left(\lambda_u - x_p\right)^2 x_p^2}{3EI \lambda_u}$$
 (5)

В этой формуле:

 y_i – упругие осадки рельсовых опор;

 l_w – расстояние между опорами;

 x_p - расстояние от ближайшей опоры до точки приложения силы $\mathrm{R}_{\mathrm{envn}}$:

$$X_p = \lambda_{uu} \left(1 - \left\{ \frac{x_{ni}}{\lambda_{uu}} \right\} \right) \tag{6}$$

где λ_{uu} – расстояние между опорами (м);

$$\left\{ rac{X_{ni}}{\lambda_{uu}}
ight\} -$$
 дробная часть соотношения $rac{X_{ni}}{\lambda_{uu}}$;

 X_{ni} — текущая абсцис каждой пары (м).

Упругие осадки рельсовых опор были определены с использованием уравнений пяти моментов как:

$$y_{1} = \frac{1}{c \cdot \lambda_{u}} (M_{2} - 2M_{1})$$

$$y_{2} = \frac{1}{c \cdot \lambda_{u}} (M_{3} - 2M_{2} + M_{1})$$

$$y_{3} = \frac{1}{c \cdot \lambda_{u}} (M_{4} - 2M_{3} + M_{2})$$

$$y_{4} = \frac{1}{c \cdot \lambda_{u}} (M_{5} - 2M_{4} + M_{3})$$

$$y_{5} = \frac{1}{c \lambda_{u}} [(\lambda_{u} - x_{p})R_{yn} + M_{6} - 2M_{5} + M_{4}]$$

$$y_{6} = \frac{1}{c \cdot \lambda_{u}} (x_{p}R_{yn} + M_{7} - 2M_{6} + M_{5})$$

$$y_{7} = \frac{1}{c \cdot \lambda_{u}} (M_{8} - 2M_{7} + M_{6})$$

$$y_{8} = \frac{1}{c \cdot \lambda_{u}} (M_{9} - 2M_{8} + M_{2})$$

$$y_{9} = \frac{1}{c \cdot \lambda_{u}} (M_{10} - 2M_{9} + M_{8})$$

$$y_{10} = \frac{1}{c \cdot \lambda_{u}} (-2M_{10} + M_{9})$$
H

еизвес

тные опорные моменты M_i определялись в матричной форме с использованием уравнений Крамера в виде:

$$M_i = \frac{\widetilde{\Delta}_j}{\Delta} \cdot R_{e\partial yn} \tag{8}$$

где Δ_j - определитель матрицы относительных жесткостей рельсов и рельсовых опор;

 Δ_j - определитель матрицы свободных членов системы уравнений пяти моментов.

Для расчетной схемы, приведенной на рис. 1, матрица жесткостей получена в виде:

$$\begin{pmatrix} 4+6\alpha & 1-4\alpha & \alpha & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1-4\alpha & 4+6\alpha & 1-4\alpha & \alpha & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ \alpha & 1+4\alpha & 4+6\alpha & 1-4\alpha & \alpha & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \alpha & 1-4\alpha & 4+6\alpha & 1-4\alpha & \alpha & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \alpha & 1-4\alpha & 4+6\alpha & 1-4\alpha & \alpha & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \alpha & 1-4\alpha & 4+6\alpha & 1-4\alpha & \alpha & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \alpha & 1-4\alpha & 4+6\alpha & 1-4\alpha & \alpha & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \alpha & 1-4\alpha & 4+6\alpha & 1-4\alpha & \alpha \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \alpha & 1-4\alpha & 4+6\alpha & 1-4\alpha \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \alpha & 1-4\alpha & 4+6\alpha & 1-4\alpha \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \alpha & 1-4\alpha & 4+6\alpha \end{pmatrix}$$

Решая задачу о взаимодействии экипажа и пути методом Рунге Кутта в каждой точке интегрирования общей системы уравнений пути и подвижного состава, рассчитывались неизвестные опорне моменты для общей расчетный схемы (рисунок 1). Далее определялись упругие прогибы рельсовой нити в точке контакта колеса и рельса и таким образом определялась приведенная жесткость рельсовой нити.

Если определить в численном виде значения скоростей деформаций всех рельсовых опор, можно расчитать также приведенный коэфициент диссипации пути, который как и жесткость, является переменным в процессе движения и нелинейным.

Матрица жесткостей рельсовой нити (9), составленная для расчетной схемы (рисунок 1), получена из условия постоянной жесткости рельса вовсех пролетах.

Однако, в зоне рельсового стыка жесткость рельсовой нити будет иной. На этот параметр будут влиять и значения суммарной жесткости стыковых накладок, уровень натяжения стыковых болтов, наличие стыкового зазора.

Для учета такой особенности устройства пути в зоне стыка рассмотрим работу рельсовой нити при налички рельсового стыка под действием вертикальной силы. Поскольку изменение изгибной жесткости рельса влияет на приведенного к точке контакта вертикальную жесткость в зависимости от расстояния от точки контакта до стыка, необходимо рассмотреть несколько расчетных схем.

В первом случае вертикальная сила находится в пятом пролете от стыка. Расчетная схема в этом случае будет иметь вид (рисунок 2).



Рис. 2 Расчетная схема первого варианта нагружения

Запишем уравнения пяти моментов для каждой из десяти опор:

$$1^{8} \colon M_{I}(4+6\alpha) + M_{2}(I-4\alpha) + M_{3}\alpha + 0... = 0$$

$$2^{8} \colon M_{I}(I-4\alpha) + M_{2}(4+6\alpha) + M_{3}(I-4\alpha) + M_{y}\alpha + 0... = 0$$

$$3^{8} \colon M_{I}\alpha + M_{2}(I-4\alpha) + M_{3}(4+6\alpha) + M_{4}(I-4\alpha) + M_{5} \cdot \alpha + 0... = 0$$

$$4^{8} \colon 0 + M_{2}\alpha + M_{3}(I-4\alpha) + M_{4}(4+6\alpha) + M_{5}(I-4\alpha) + M_{6}\alpha + 0... = 0$$

$$5^{8} \colon ...0 + M_{3}\alpha + M_{4}(I-4\alpha) + M_{5}(4+6\alpha) + M_{6}(I-4\alpha) + M_{7}\alpha + 0... =$$

$$= -\frac{R_{yni}}{\lambda_{uu}^{2}} x_{p} (\lambda_{uu} - x_{p}) \cdot x_{p} (2\lambda_{uu} - x_{pi}) + R_{yni} [2\alpha x_{pi} - \alpha(\lambda_{uu} - x_{pi})]$$

$$6^{8} \colon \theta + M_{4}\alpha + M_{5}(I-4\alpha) + M_{6}(4+6\alpha) + M_{7}(I-4\alpha) + M_{8}\alpha + 0... =$$

$$= -\frac{R_{yni}}{\lambda_{uu}^{2}} (\lambda_{uu} - x_{pi}) \cdot x_{pi} (2\lambda_{uu} - x_{pi}) + R_{yni} [2\alpha(\lambda_{uu} - x_{pi}) - \alpha x_{pi}]$$

$$7^{8} \colon ...0 + M_{5}\alpha + M_{6}(I-4\alpha) + M_{7}(4+6\alpha) + M_{8}(I-4\alpha) + M_{6}\alpha + 0... = 0$$

8^a: ...0+
$$M_6\alpha+M_7(I-4\alpha)+M_8(4+6\alpha)+M_9(I-4\alpha)+M_0\alpha_{st}=0$$

9^a: ...0+ $M_7\alpha+M_8(I-4\alpha)+M_9(4+6\alpha)+M_{10}(I-4\alpha_{st})=0$
10^a: ...0+ $M_8\alpha+M_9(I-4\alpha)+M_{10}(4+6\alpha_{st})=0$

В этом случае матрица жесткостей будет иметь вид:

$$\begin{pmatrix} 4+6\alpha & l-4\alpha & \alpha & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ l-4\alpha & 4+6\alpha & l-4\alpha & \alpha & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ \alpha & l+4\alpha & 4+6\alpha & l-4\alpha & \alpha & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \alpha & l-4\alpha & 4+6\alpha & l-4\alpha & \alpha & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \alpha & l-4\alpha & 4+6\alpha & l-4\alpha & \alpha & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \alpha & l-4\alpha & 4+6\alpha & l-4\alpha & \alpha & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \alpha & l-4\alpha & 4+6\alpha & l-4\alpha & \alpha & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \alpha & l-4\alpha & 4+6\alpha & l-4\alpha & \alpha_{st} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \alpha & l-4\alpha & 4+6\alpha & l-4\alpha_{st} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \alpha & l-4\alpha & 4+6\alpha & l-4\alpha_{st} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \alpha & l-4\alpha & 4+6\alpha_{st} \end{pmatrix}$$

B этих формулах α_{st} — коэфициент относительной жесткости рельса и рельсовой опоры в зоне стыкового пролета:

$$\alpha_{st} = \frac{6EI_{st}}{l_s^3 C_v}$$

(12)

где Е – модуль упругости рельсовой стали;

 $C_{\rm y}$ – вертикальная жесткость рельсовой опоры;

 l_{st} – расстояния между опорами в стыковом пролете.



Рис. 3 Расчетная схема второго варианта нагружения

Далее вертикальная сила находится в четвертом пролете от стыка (рисунок 3).

Уравнения пяти моментов для каждой из десяти опор будут иметь вид:

$$\begin{cases} 1^{\mathfrak{A}} \colon M_{I}(4+6\alpha) + M_{2}(I-4\alpha) + M_{3}\alpha + 0 \dots = 0 \\ 2^{\mathfrak{A}} \colon M_{I}(I-4\alpha) + M_{2}(4+6\alpha) + M_{3}(I-4\alpha) + M_{y}\alpha + 0 \dots = 0 \\ 3^{\mathfrak{A}} \colon M_{I}\alpha + M_{2}(I-4\alpha) + M_{3}(4+6\alpha) + M_{4}(I-4\alpha) + M_{5} \cdot \alpha + 0 \dots = 0 \\ 4^{\mathfrak{A}} \colon 0 + M_{2}\alpha + M_{3}(I-4\alpha) + M_{4}(4+6\alpha) + M_{5}(I-4\alpha) + M_{6}\alpha + 0 \dots = 0 \\ 5^{\mathfrak{A}} \colon \dots 0 + M_{3}\alpha + M_{4}(I-4\alpha) + M_{5}(4+6\alpha) + M_{6}(I-4\alpha) + M_{7}\alpha + 0 \dots = 0 \\ = -\frac{R_{yni}}{\lambda_{uu}^{2}} x_{p} (\lambda_{uu} - x_{p}) \cdot x_{p} (2\lambda_{uu} - x_{pi}) + R_{yni} [2\alpha x_{pi} - \alpha(\lambda_{uu} - x_{pi})] \end{cases}$$

$$(13)$$

$$6^{\mathfrak{A}} \colon 1$$

$$0 + M_{4}\alpha + M_{5}(I-4\alpha) + M_{6}(4+6\alpha) + M_{7}(I-4\alpha) + M_{8}\alpha + 0 \dots = 0 \\ = -\frac{R_{yni}}{\lambda_{uu}^{2}} (\lambda_{uu} - x_{pi}) \cdot x_{pi} (2\lambda_{uu} - x_{pi}) + R_{yni} [2\alpha(\lambda_{uu} - x_{pi}) - \alpha x_{pi}]$$

$$7^{\mathfrak{A}} \colon \dots 0 + M_{5}\alpha + M_{6}(I-4\alpha) + M_{7}(4+6\alpha) + M_{8}(I-4\alpha) + M_{9}\alpha_{si} + 0 \dots = 0 \\ 8^{\mathfrak{A}} \colon \dots 0 + M_{5}\alpha + M_{6}(I-4\alpha) + M_{7}(4+6\alpha) + M_{8}(I-4\alpha) + M_{9}\alpha_{si} + 0 \dots = 0 \\ 8^{\mathfrak{A}} \colon \dots 0 + M_{7}\alpha + M_{8}(I-4\alpha) + M_{9}(4+6\alpha_{si}) + M_{10}(I-4\alpha_{si}) = 0 \\ 10^{\mathfrak{A}} \colon \dots 0 + M_{5}\alpha + M_{9}(I-4\alpha_{si}) + M_{10}(4+6\alpha_{si}) = 0 \end{cases}$$

В этом случае матрица жесткостей будет следующей:

```
(4+6\alpha 1-4\alpha \alpha)
 1-4\alpha 4+6\alpha 1-4\alpha \alpha
                                          0
                                                    0
                                                            0
                                                                   0
  \alpha 1+4\alpha 4+6\alpha 1-4\alpha \alpha
                  1-4\alpha \ 4+6\alpha \ 1-4\alpha
                                                   α
                     \alpha 1-4\alpha 4+6\alpha 1-4\alpha \alpha
                                                                  0
                                                                                      0
                              \alpha 1-4\alpha 4+6\alpha 1-4\alpha \alpha
                                      \alpha 1-4\alpha 4+6\alpha 1-4\alpha. \alpha_{st}
  0
                               0
                                     0
                                                  \alpha 1-4\alpha 4+6\alpha 1-4\alpha_{st} \alpha_{st}
                            0
  0
            0
                                       0
                                                  0
                                                         \alpha 1-4\alpha 4+6\alpha_{st} 1-4\alpha_{st}
                                                                   \alpha = 1 - 4\alpha_{st} + 6\alpha_{st}
            0
                                                   0
(14)
```

Здесь все обозначения прежние.

Таким образом, по мере приближения колеса к стыковому пролету матрицы жесткостей будут изменяться следующим образом:

 колесо находится в третьем пролете от стыкового пролета:

```
(4+6\alpha \ l-4\alpha \ \alpha
                                            0
     1-4\alpha 4+6\alpha 1-4\alpha \alpha
                                                                                        0
      \alpha 1+4\alpha 4+6\alpha 1-4\alpha \alpha
                                                      0
                                                             0
                                                                    0
                                                                              0
                                                                                        n
                                                             0
                                                                                       0
                      1-4\alpha \ 4+6\alpha \ 1-4\alpha
                                                                     0
                                                                              0
                                                    α
                                1-4\alpha 4+6\alpha 1-4\alpha \alpha 0
      0
               0
                                  \alpha 1-4\alpha 4+6\alpha 1-4\alpha \alpha_{st}
      0
               0
                         0
                                  0
                                           α
                                                   1-4\alpha 4+6\alpha 1-4\alpha_{st} \alpha_{st}
      0
                                                     \alpha 1-4\alpha 4+6\alpha_{st} 1-4\alpha_{st} \alpha
                         0
                                   0
                                           0
      0
                                                               \alpha 1-4\alpha_{st} 4+6\alpha_{st} 1-4\alpha
                                   0
                                           0
                                                      0
                                                                     \alpha 1-4\alpha_{st} 4+6\alpha
      0
(15)
```

- во втором пролете:

```
(4+6\alpha 1-4\alpha
                        \alpha
                                                      0
                                                              0
    1-4\alpha 4+6\alpha 1-4\alpha \alpha
                                                      0
                                                             0
                                            0
                                                                    0
                                                                                        0
          1+4\alpha 4+6\alpha 1-4\alpha \alpha
                                                      0
                                                              0
              \alpha 1-4\alpha 4+6\alpha 1-4\alpha
                                                    α
                                                             0
                                                                                        0
                              1-4\alpha 4+6\alpha 1-4\alpha \alpha_{st}
      0
              0
                                                                      0
      0
                                  \alpha 1-4\alpha 4+6\alpha 1-4\alpha_{st} \alpha_{st}
      0
                                  0
                                                  1-4\alpha \ 4+6\alpha_{st} \ 1-4\alpha_{st} \ \alpha
     0
                         0
                                  0
                                          0
                                                     \alpha 1-4\alpha_{st} 4+6\alpha_{st} 1-4\alpha \alpha
     0
                                            0
                                                            \alpha_{st} 1-4\alpha_{st} 4+6\alpha 1-4\alpha
                                                      0
                                                               0
                                                                             1-4\alpha 4+6\alpha
                                                                      \alpha_{st}
16)
```

-в первом пролете:

```
(4+6\alpha \ 1-4\alpha \ \alpha
                                           0
                                                    0
                                                                                      0
    1-4\alpha 4+6\alpha 1-4\alpha \alpha
                                           0
                                                     0
                                                            0
                                                                   0
                                                                                      0
     \alpha 1+4\alpha 4+6\alpha 1-4\alpha \alpha
                   1-4\alpha 4+6\alpha 1-4\alpha \alpha_{st} 0 0
      0
                        \alpha I-4\alpha 4+6\alpha I-4\alpha_{rt} \alpha_{rt} 0
      0
                        0
                                 \alpha I-4\alpha 4+6\alpha_{st} I-4\alpha_{st} \alpha
      0
                                                 1-4\alpha_{st} 4+6\alpha_{st} 1-4\alpha. \alpha
              0
                        0
                                  0
                                           \alpha
     0
              0
                        0
                                  0
                                           0
                                                     \alpha_{st} 1-4\alpha_{st} 4+6\alpha 1-4\alpha \alpha
     0
              0
                        0
                                  0
                                           0
                                                    0
                                                             \alpha_{st} 1-4\alpha 4+6\alpha 1-4\alpha
     0
                                                              0 \alpha 1-4\alpha 4+6\alpha
17)
```

-колесо находится в стыковом пролете:

$$\begin{pmatrix} 4+6\alpha & 1-4\alpha & \alpha & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1-4\alpha & 4+6\alpha & 1-4\alpha & \alpha & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ \alpha & 1+4\alpha & 4+6\alpha & 1-4\alpha & \alpha_{st} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \alpha & 1-4\alpha & 4+6\alpha & 1-4\alpha_{st} & \alpha_{st} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \alpha & 1-4\alpha & 4+6\alpha_{st} & 1-4\alpha_{st} & \alpha & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \alpha & 1-4\alpha_{st} & 4+6\alpha_{st} & 1-4\alpha & \alpha & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \alpha_{st} & 1-4\alpha_{st} & 4+6\alpha & 1-4\alpha & \alpha & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \alpha_{st} & 1-4\alpha & 4+6\alpha & 1-4\alpha & \alpha & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \alpha & 1-4\alpha & 4+6\alpha & 1-4\alpha & \alpha \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \alpha & 1-4\alpha & 4+6\alpha & 1-4\alpha & \alpha \end{pmatrix}$$

Далее, по мере удаления от стыкового пролета, матрицы будут симметрично изменяться в обратную сторону.

Составляя определители матрицы жесткости и определители матрицы внешней загрузки, единичные опорные моменты расчитать по формуле:

$$M_i = \frac{\Delta}{\Delta}$$

(19)

Зная единичные опорные моменты, рассчитываются упругие единичные прогибы опор (система уравнений 7), единичные прогибы в точке действия нагрузки (формула 5) и искомые приведенные вертикальные жесткости рельсовой нити. Эти значения используются в расчетах вертикальных динамических сил взаимодействия по описанной выше методике.

Вывод. Таким образом, разработана математическая модель, которая позволяет определить приведенную к точке контакта колеса и рельса жесткость рельсовой нити, что позволяет определять вертикальные динамические силы взаимодействия пути и подвижного состава с изменений параметров изгибной учетом жесткости рельсовой нити в зоне стыка.

Следует подчеркнуть, что влияние этих параметров на силы взаимодействия непрерывно изменяется в процесе движения, нелинейно зависит как от жесткости рельсовых опор так и от жесткости рельсов в не стыка и в зоне рельсового стыка.

Литература

- 1. Бесстыковой путь [Текст] / В.Г. Альбрехт, Е.М. Бромберг, Н.Б. Зверев и др. М.: Транспорт, 1982. $206\ c.$
- 2. Взаимодействие пути и подвижного состава [Текст]: Е.М. Бромберг, М.Ф. Вериго, В.Н, Данилов / под ред. М.А. Фишмана. М.: Трансжелдориздат. 1956. 280 с.
- 3. Шахунянц Γ .М. Железнодорожный путь [Текст]: Монография / Γ .М. Шахунянц М.: Транспорт, 1987-497 с.

- 4. Вериго М.Ф., Коган А.Я. Взаимодействие пути и подвижного состава [Текст]: М.Ф. Вериго, А.Я. Коган. М.: Транспорт 1986 589 с.
- 5. Белых К.Д., Уманов М.К., Малышко Г.Н., О нагрузках от колес при расчете железнодорожного пути [Текст] / К.Д. Белых, М.К. Уманов, Г.Н. Малышко // Металлургическая промышленность. 1976. №5 с. 78-79
- 6. Нисиров Н.С. Исследования сил взаимодействия рельсовых нитей и подрельсовых шпальных оснований [Текст] // Труды ЛИИЖТ Л.: Транспорт 1977 №416 с.26-35.
- 7. Климов В.И., Рыбкин В.В., Исследование влияния нелинейных характеристик подрельсового основания пути [Текст] / В.И. Климов, В.В. Рыбкин // Труды ДИИТа 1987 №244/32. c.72-84
- 8. Даренский А.Н. Теоретичні та експериментальні дослідження роботи залізничних колій промислового транспорту: монографія / О.М. Даренський, Харків: УкрДАЗТ, 2011 204 с.

References

- 1. Besstykovoj put' [Tekst] / V.G. Al'breht, E.M. Bromberg, N.B. Zverev i dr. M.: Transport, 1982. 206 s.
- 2. Vzaimodejstvie puti i podvizhnogo sostava [Tekst]: E.M. Bromberg, M.F. Verigo, V.N, Danilov / pod red. M.A. Fishmana. M.: Transzheldorizdat. 1956. 280 s.
- 3. Shahunjanc G.M. Zheleznodorozhnyj put' [Tekst]: Monografija / G.M. Shahunjanc M.: Transport, 1987 497 s.
- 4. Verigo M.F., Kogan A.Ja. Vzaimodejstvie puti i podvizhnogo sostava [Tekst]: M.F. Verigo, A.Ja. Kogan. M.: Transport 1986 589 s.
- 5. Belyh K.D., Umanov M.K., Malyshko G.N., O nagruzkah ot koles pri raschete zheleznodorozhnogo puti [Tekst] / K.D. Belyh, M.K. Umanov, G.N. Malyshko // Metallurgicheskaja promyshlennost'. 1976. №5 s. 78-79
- 6. Nisirov N.S. Issledovanija sil vzaimodejstvija rel'sovyh nitej i podrel'sovyh shpal'nyh osnovanij [Tekst] // Trudy LIIZhT L.: Transport 1977 №416 s.26-35.

- 7. Klimov V.I., Rybkin V.V., Issledovanie vlijanija nelinejnyh harakteristik podrel'sovogo osnovanija puti [Tekst] / V.I. Klimov, V.V. Rybkin // Trudy DIITa − 1987 №244/32. − s.72-84
- 8. Darenskij A.N. Teoretichni ta eksperimental'ni doslidzhennja roboti zaliznichnih kolij promislovogo transportu: monografija / O.M. Darens'kij, Harkiv: UkrDAZT, 2011 204 s.

Даренский А.Н., Клименко А.В. Особенности расчетов взаимодействия пути и подвижного состава в зоне рельсовых стыков при дискретном подрельсовом основании

Разработана математическая модель для определения приведенной вертикальной жесткости рельсовой нити в точке контакта колеса и рельса при движении колеса по рельсу, имеющему стыки.

Ключевые слова: приведенная вертикальная жесткость, верхнее строение пути, рельсовый стык, упругие опоры.

Darenskiy A.N., Klimenko A.V. Features of calculations of co-operation of way and mobile composition in the area of claotype joints at discrete subclaotype foundation

A mathematical model for determining the vertical stiffening rail here yarn contact point of wheel and rail wheels when driving on a rail having joints.

Keywords: reduced vertical stiffness, permanent way, the rail joints, elastic supports.

Даренский А.Н, – д.т.н., профессор кафедры пути и путевого хозяйства, УкрГАЖТ, г. Харьков, Украина

Клименко А.В. – аспирант кафедры строительной механики и гидравлики, УкрГАЖТ, г. Харьков, Украина, e-mail: <u>iandrew.ua@gmail.com</u>

Статья подана

15.08.2013